

c) On peut maintenant dresser le tableau de variation de  $h$  :

$x$	0	1	$+\infty$
$h'(x)$		+	-
$h(x)$		0	

0,25

On déduit de ce tableau le signe de  $h(x)$  puis la position de  $C$  par rapport à  $T$  :

Sur  $]0;1[$  :  $h(x) < 0$  donc  $f(x) < -x + \frac{1}{4}$   $C$  est au-dessous de  $T$ .

Sur  $]1;+\infty[$  :  $h(x) > 0$  donc  $f(x) > -x + \frac{1}{4}$   $C$  est au-dessus de  $T$ .

Et, bien sûr,  $C$  et  $T$  se coupent au point  $A$  d'abscisse 1 ( $h(1) = 0$ ).

2) 6°)  $f(x) = 0$ ssi  $x = 0$  ou  $\ln x = \frac{3}{2}$ ssi  $x = 0$  ou  $x = e^{\frac{3}{2}} = e^{1,5} \approx 0,5$ .

La tangente au point  $O$  est l'axe des abscisses (on a vu que  $f'(0) = 0$  au 3°)) 0,25

La tangente au point d'abscisse  $e^{1,5}$  a pour coefficient directeur  $f'(e^{1,5}) = 0,5e^{1,5} \approx 2,24$  0,25

