

# ETUDE DU DIPÔLE R-C

⇒ Un condensateur, c'est deux plaques séparées par un isolant.

⇒ 2 régimes de fonction: dus à sa présence: - transitoire (grandeurs évoluent)  
- permanent (\_\_\_\_\_ constantes)

\* circuit fermé:

↳ Lorsque le générateur atteint sa charge max, les  $e^-$  s'entassent et ne peuvent plus se déplacer, l'intensité devient nulle.

↳ Sur chaque armature, il apparaît des charges de signes opposés, il y a donc une tension qui apparaît aux bornes du condensateur.

\* circuit réouvert:

↳  $e^-$  se déplacent ds le sens opposé. Le courant est dc ds le sens opposé et  $i < 0$ .

↳ les  $e^-$  ont compensé les charges + de l'autre plaque, ils ne se déplacent plus,  $i = 0$ .

\* L'intensité:  $i$  est la quantité de charge électrique transportée par une portion de circuit par unité de temps (le débit de  $e^-$ ).

$$I(t): \text{ en A } \quad i = \frac{dq_A(t)}{dt} \rightarrow \mathcal{C}: \text{ Coulomb}$$

$$q_A = I \times t \rightarrow \text{si } I \text{ constante et si à } t=0s, q_A = 0 \mathcal{C}$$

\* La charge:

$$q_A = C \cdot U_{AB} \rightarrow V$$

$C$ : capacité condensateur en farads (F)

## • La charge du condensateur

\* Permanent:  $U_{PN} = U_{AB} \Rightarrow U_{AB} = \text{tension condensateur}$

\* Transitoire:  $i = \frac{d(C \cdot U_{AB})}{dt} = C \cdot \frac{dU_{AB}}{dt}$

• Evolution de la tension

$$U_{PN} = U_{AB} + Ri = U_{AB} + RC \cdot \frac{dU_{AB}}{dt} \rightarrow \text{eq. différentielle}$$

$$\Rightarrow U_{AB} = Ae^{k \cdot t} + B$$

$$\Rightarrow U_{PN} = Ae^{kt} + B + RC A k e^{kt} \quad \text{car } \frac{d(Ae^{kt} + B)}{dt} = A k e^{kt}$$

$$= Ae^{kt}(1 + RCk) + B$$

$$U_{PN} - B = Ae^{kt}(1 + RCk) \rightarrow \text{vérifiée à chaque } t, \text{ d'où } U_{PN} - B = 0$$

$$\text{et } Ae^{kt}(1 + RCk) = 0$$

$$\text{donc } B = U_{PN} \quad \text{et } A \neq 0 \text{ et } e^{kt} \neq 0$$

$$\text{alors } 1 + RCk = 0$$

$$RCk = -1$$

$$k = -\frac{1}{RC}$$

$$\Rightarrow U_{AB} = Ae^{-\frac{t}{RC}} + U_{PN}$$

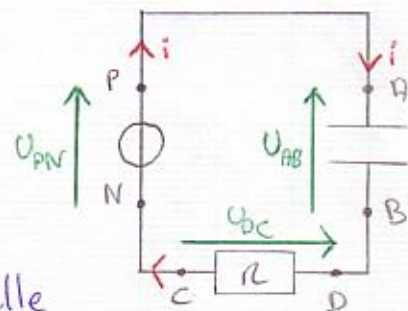
↳ d'ap condi: initiales: à  $t=0s$ ,  $U_{AB} = 0V$

$$\text{donc } Ae^{-\frac{0}{RC}} + U_{PN} = 0 \Leftrightarrow A = -U_{PN}$$

$$\Rightarrow U_{AB} = U_{PN} (1 - e^{-\frac{t}{RC}})$$

• charge électrique

$$\Rightarrow q_A = C \cdot U_{AB} \quad \text{d'où } q_A = \underbrace{C \cdot U_{PN}}_{\text{charge max du condensateur}} (1 - e^{-\frac{t}{RC}}) \Leftrightarrow q_A = Q_{\max} (1 - e^{-\frac{t}{RC}})$$



conditions initiales: tout à 0.